2026年度

理工学部情報理工学科

「卒業研究」

角皆研究室

説明資料

研究分野:整数論

- 整数の性質の解明に取り組む分野
- 理論の深さ・対象の素朴さ
- 実際に計算して実感できる・実例を重んずる
- 計算機の利用による実験的な側面
- 情報化社会を支える数理技術の基盤理論
 - → 素朴と深遠・理論と実用が表裏一体

個人的には、抽象論だけでない 「手触りのある数学」が好み

整数論・構成的ガロア理論

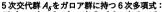
<教授·角皆 宏 TSUNOGAI, Hiroshi>

高次代数方程式の解法の探求は、模索的方法での3次(del Ferro・Fontana・Cardano)・4次(Ferrari)の解法の発見の後、根の置換に着目する体系的な探求法(Lagrange)により一新され、Galoisの理論へと結実しました。これは「数の対称性」の理論と言えますが、現代では「数系の対称性」の理論として定式化され、さらに他の様々な対象の「Galois対応」へと一般化されています。

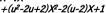
本研究「構成的ガロア理論」では、その根が所与の対称性を持つ多項式を具体 的に構成することが目標です。特に幾何的な対称性を利用することで、様々な 良い特徴を持った簡明な多項式を構成するとともに、得られた多項式を用いた 代数的整数論への活用を探求しています。

5次二面体群 D_s をガロア群に持つ5次多項式:

 $F^{D_5}(a,b;X)=X^5+(a-3)X^4+(b-a+3)X^3+(a^2-a-1-2b)X^2+bX+a$



 $F^{A_{\delta}}(u,v;X) = X^{\delta} - 2(u+1)X^{\delta} + (u^{2}+1)X^{4} - vX^{3}$











は働



図形の対称性

「ガロア理論」の威力の一端

高校の頃の演習問題より:解けますか?

 $\cos 20^{\circ} \cos 40^{\circ} \cos 80^{\circ} = ?$

(加法定理や積和の公式を駆使すれば解けますが · · · 答は次ページ)

「ガロア理論」の威力の一端

$$\cos 20^{\circ} \cos 40^{\circ} \cos 80^{\circ} = \frac{1}{8}$$

こんな簡単な値に!

→ 簡単になる理由は

「ガロア理論」

で説明できます!!

「ガロア理論」とは?

元々は、代数方程式(多項式=0)の解法理論

→ 現代では、

「体の拡大」の対称性の理論として整備

 \longrightarrow さらに、

数学の色々な場面で類似の現象が見出され、 「○○のガロア理論」などと呼ばれて一般化

数学を学んで

「ガロア理論」を知らずば

画竜点睛を欠く!!

研究テーマ:「構成的ガロア理論」とその周辺

古典的な「多項式のガロア理論」の風味で、

- 所望の対称性(ガロア群)を持つ多項式の構成
- それを用いた代数的整数論における具体例の構成

を興味の中心において研究中

「構成的ガロア理論」

「卒業研究」セミナー進め方の予定

● 春学期:テキスト講読セミナー

◆ 秋学期:各自が卒論・卒研発表のテーマを決め、 それに取り組む

◆特にテーマの希望が明確な場合には、 テキストセミナーを行ないつつ 早い時期から課題学修を行なうこともあり

春学期:テキスト講読セミナー

- 内容の理解はもちろん、発表・準備のしかたについても指導する
- 講読予定のテキスト:
 - * 初等整数論
 - * ガロア理論
 - * 代数的整数論の初歩 など
- 予備知識の充分にある者や進学希望者などは、 もう少し進んだ内容から始まるテキストも

· 望ましい (応相談)

講読予定のテキストの例

- ◆ 中島 匠一「代数方程式とガロア理論」 (共立出版・現代数学の潮流)
- ◆ 木田 雅成「連分数」 (近代科学社・大学数学スポットライトシリーズ9)
- 木田 雅成 「数理・情報系のための整数論講義 [増補第2版]」 (サイエンス社・SGC ライブラリ 201)

他、応相談

講読予定のテキストの例

予備知識となる授業を修得した者や 進学希望者の場合は

代数的整数論・構成的ガロア理論の初歩など

もう少し進んだ内容から始まるテキストも望ましい

メンバーが決まってから、 予備知識・希望などにより改めて相談する

秋学期:卒論・卒研発表に向けて

各自が卒論・卒研発表のテーマを決めて、 それに取り組む

テーマの例:

- → 講読したテキストの内容に関連した内容や 発展的なことがら
- 計算機ソフトウェアを用いた実験的な観察や 教育への活用
- その他、数学分野で予てから興味があった内容 など

課題学修中心コース

特にテーマの希望が明確な場合には、 テキストセミナーを行ないつつ 早い時期から課題学修を行なうこともあり

余り経験のない試みなので、 ともに試行錯誤しながら進めることになる

テーマによっては効果的な指導が難しく、

通常の形態のセミナー以上に、 取組むテーマを明確に持ち、 意欲的に取組む学生以外にはお勧めしない

近年の卒研テーマ(卒論題目)

- 多項式の既約性判定
- 素数次巡回多項式
- 折紙による角の7等分
- 素数冪を法とするフィボナッチ数列の周期性
- ガウス整数環での互除法の回数の評価
- ペル数列に含まれる平方数について
- ユークリッド互除法の割り算の平均回数について
- ユークリッドの互除法の平均除算回数の考察
- 競技解法から見た

拡張ルービックキューブ群の構造と性質

- ユークリッドの互除法の
- 除算回数が最大となる2数の比について
- 形式的べき級数の連分数展開と Padé 近似

予備知識となる主な授業科目

数学系科目の中でも"代数系"の一連の科目

- 「代数学基礎」
 - (理工共通科目Ⅱ群・春学期開講)
- 「代数学Ⅰ(群論)」(理工共通科目Ⅱ群・秋学期開講)
- 「代数学 Ⅱ(環と加群)」 (情報理工学科専門科目 **D** 群・春学期開講)
- 「代数学 III(ガロア理論)」 (情報理工学科専門科目 D 群・隔年開講) (2026 年度は開講)

個別説明・相談会

対面による説明・相談会を行なう

● 日時:12月5日(金)12:45頃から (「ゼミナールⅡ」終了後·30分程度)

場所:角皆の研究室(4-392室)

これ以外で個別に話をしたい場合には、 電子メイル tsuno-h@sophia.ac.jp

宛に連絡を下さい

その他、詳しい情報は、 https://pweb.cc.sophia.ac.jp

/tsunogai/sotsuken.html を参照のこと



2025 年度卒業研究発表会

◆ 2026 年 1 月 30 日 (金)·31 日 (土)

● 4 キーテーマ同時並行開催の予定

● 来聴を強く推奨・途中入退室自由

ともに数学に取組み

「わかる」

を目指そう!!